

**Kelly Kunstmann Hippertt**

**PLANO DE ATIVIDADE**  
**Tema: Plano de Trabalho 2**  
**Matemática – 1º bimestre - 2ª série- Grupo: 06**

**SEDDUC**  
**Rio de Janeiro**  
**2013**

## SUMÁRIO

<b>Plano de atividades</b>	<b>03</b>
<b>Introdução</b>	<b>06</b>
<b>Desenvolvimento</b>	<b>06</b>
<b>Desenvolvimento aula 1</b>	<b>07</b>
<b>Slides</b>	<b>08</b>
<b>Desenvolvimento da aula 2</b>	<b>15</b>
<b>Slides de apoio:</b>	<b>17</b>
<b>Desenvolvimento da aula 2: Quatro tempos Finais</b>	<b>21</b>
<b>Planificações dos poliedros de Platão</b>	<b>23</b>
<b>Texto/ Slides de apoio pedagógico 1</b>	<b>23</b>
<b>Desenvolvimento da aula 3</b>	<b>24</b>
<b>Exercícios propostos</b>	<b>23</b>
<b>Desenvolvimento da aula 4</b>	<b>28</b>
<b>Avaliação sugerida</b>	<b>27</b>
<b>Referencias bibliográficas</b>	<b>31</b>

<b>PLANO DE ATIVIDADES</b>	
<b>Curso</b>	<b>CURSO DE FORMAÇÃO CONTINUADA - SEDDUC – 2012</b>  <b>Matemática – 1º bimestre - 2ª série</b>  <b>Grupo: 06</b>
<b>Tarefa 01</b>	<b>Tema: Introdução à Geometria Espacial</b>
<b>Disciplina</b>	<b>Matemática</b>
<b>Série</b>	<b>2º ano – Ensino Médio</b>
<b>Tutor</b>	<b>CLAUDIO ROCHA DE JESUS</b>
<b>Cursista</b>	<b>Professora Kelly Kunstmann Hippertt Docente I – 40 horas</b>
<b>Matricula</b>	<b>5006029-2</b>
<b>U.E. de atuação</b>	<b>C. E. Dom Hélder Câmara</b>
<b>Tópico</b>	<b>Espaço e Forma</b>
<b>Campo</b>	<b>Geométrico</b>
<b>Tema</b>	<b>Introdução à Geometria Espacial</b>
<b>Habilidades e Competências Currículo Mínimo</b>	<b>H07- C1 - Reconhecer, dentre várias planificações, aquela que corresponde a um sólido representado graficamente. C2 - Reconhecer a planificação dado o nome do sólido. C3 - Reconhecer, dentre várias representações gráficas de sólidos, aquele que corresponde à uma planificação dada. C4 - Reconhecer entre vários nomes de sólidos, aquele que corresponde à planificação dada. H08 - Utilizando a relação de Euler: C1 - Calcular o número de vértices dadas as relações entre o número de faces e arestas de um poliedro. C2 - Calcular o número de arestas dadas as relações entre o número de faces e vértices de um poliedro. C3 - Calcular o número de faces dadas as relações entre o número de vértices e arestas de um poliedro.</b>

<b>Habilidade Principal do currículo mínimo</b>	<p><b>H07- Relacionar diferentes poliedros ou corpos redondos com suas planificações.</b></p> <p><b>H08 - Identificar a relação entre o número de vértices, faces e/ou arestas de poliedros expressa em um problema</b></p>
<b>Objetivos Gerais</b>	<p><b>Ao final do plano da atividade, o aluno seja capaz de:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>▪ <b>Utilizar satisfatoriamente os conhecimentos básicos de Álgebra Linear nos domínios da análise crítica e da aplicação, a fim de resolver problemas práticos utilizando os conhecimentos adquiridos durante as aulas</b></li> </ul>
<b>Objetivos Específicos:</b>	<p><b>Ao final do plano de atividade o aluno deverá ser capaz de:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• <b>Compreender os conceitos primitivos da geometria espacial.</b></li> <li>• <b>Reconhecer as posições de retas e planos no espaço;</b></li> <li>• <b>Relacionar diferentes poliedros ou corpos redondos com suas planificações;</b></li> <li>• <b>Identificar a relação entre o número de vértices, faces e/ou arestas de poliedros expressa em um problema proposto.</b></li> <li>• <b>Aplicar corretamente a Relação de Euler;</b></li> <li>• <b>Identificar e nomear os poliedros regulares.</b></li> </ul>
<b>Duração da atividade</b>	<b>Doze horas/aula de cinquenta minutos</b>
<b>Carga horária da disciplina</b>	<b>Quatro tempos semanais</b>
<b>Metodologia</b>	<p><b>O conteúdo da disciplina deverá ser desenvolvido na forma de aulas expositivas, utilizando Data Show, lousa e sites de apoio ao projeto interdisciplinar. E com aplicação de exercícios propostos e da confecção em sala de aula, por parte de grupos de três dos cinco poliedros de Platão. Com o objetivo de introduzir e fixar os conteúdos desenvolvidos no plano de atividades.</b></p>

<p><b>Conteúdos</b></p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ <b>Conceitos primitivos da geometria espacial</b></li> <li>▪ <b>Posições de retas e planos no espaço</b></li> <li>▪ <b>Poliedros</b></li> <li>▪ <b>Elementos de um poliedro</b></li> <li>▪ <b>Planificações dos principais poliedros</b></li> <li>▪ <b>Relação de Euler</b></li> <li>▪ <b>Poliedros regulares</b></li> </ul>
<p><b>Recursos didáticos</b></p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>▪ <b>Lousa</b></li> <li>▪ <b>Livro didático</b></li> <li>▪ <b>Data Show</b></li> <li>▪ <b>Exercícios propostos</b></li> <li>▪ <b>Folhas xerocopiadas</b></li> <li>▪ <b>Canudos, agulha, tesoura e linha.</b></li> </ul>
<p><b>Avaliação</b></p>	<p><b>A resolução das listas de exercícios poderá ser feita em dupla ou em grupos de até quatro elementos, dessa forma os alunos poderão discutir as resoluções.</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>▪ <b>Será realizada três avaliações escritas, com o valor total de 10,0 pontos, assim distribuídas:</b> <ul style="list-style-type: none"> <li>✓ <b>As duas primeiras avaliações terão o valor de total de 4,0 pontos.</b></li> <li>✓ <b>Seriam realizadas em dois momentos: o valor total de 3,0 pontos seriam dedicados a confecção por parte dos grupos na construção dos poliedros</b></li> <li>✓ <b>E o valor total 1,0 pela exposição dos poliedros na em sala de aula, como culminância da atividade.</b></li> <li>✓ <b>A terceira avaliação escrita deverá ser aplicada em grupo, com o valor total de 6,0 pontos envolvendo problemas práticos com os conteúdos desenvolvidos no plano de atividade.</b></li> </ul> </li> </ul>

## **Introdução**

O objetivo deste plano de trabalho é de promover a utilização de recursos didáticos, de materiais manipuláveis no Ensino Médio Público Estadual como: vídeo em Data show, aulas expositivas e atividades diversificadas, com a finalidade de desenvolver pensamento matemático crítico e criativo na prática diária. E na busca do desenvolvimento de habilidades, como a capacidade de trabalhar em grupos e resolver problemas; incentivar a criatividade e a interação entre os alunos. Com o propósito de desenvolver no discente a capacidade de relacionar conteúdos discutidos alguns conceitos relacionados com a geometria espacial, a noção de espaço tridimensional (3D), tais como noções de ponto, reta e plano no espaço, conceito de lugar geométrico, noção sobre figuras geométricas, conceito de poliedros e a relação de Euler.

O tema exige que o aluno tenha o desenvolvimento nas habilidades de identificação dos conceitos primitivos e dos postulados da Geometria espacial, buscando relacionar o estudo da geometria espacial com figuras e formas do cotidiano e despertar o interesse na observação, e analise e interação do meio em que vive .

No decorrer do desenvolvimento das atividades propostas e considerando s objetivos contidos no currículo mínimo e nos PCN, o professor deverá, sempre que se fizer necessário, uma recapitulação de conteúdos não assimilados satisfatoriamente por parte do corpo discente, para uma melhor assimilação do conteúdo.

No geral, serão necessários oito tempos de cinquenta minutos para explicações e fixação da aprendizagem mais quatro tempos para realização de exercícios propostos e avaliação escrita. A avaliação poderá ser realizada com a pontuação de até quatro pontos para a resolução de duas atividades de exercícios propostos, em grupos de dois até quatro alunos, e de até seis pontos para a resolução de exercícios propostos individualmente ou em dupla.

## **Desenvolvimento**

Introdução do conteúdo inicial:

### **Embasamento teórico :**

Inicialmente considerando os PARÂMETROS CURRICULARES NACIONAIS (ENSINO MÉDIO), Parte III - Ciências da Natureza, Matemática e suas Tecnologias, ano 2000.

Nos artigos:

“-resolver situações-problema, sabendo validar estratégias e resultados, desenvolvendo formas de raciocínio e processos, como dedução, indução, intuição, analogia, estimativa, e utilizando conceitos e procedimentos matemáticos, bem como instrumentos tecnológicos disponíveis.”

“ estabelecer conexões entre temas matemáticos de diferentes campos e entre esses temas e conhecimentos de outras áreas curriculares;”

“ interagir com seus pares de forma cooperativa, trabalhando coletivamente na busca de soluções para problemas propostos, identificando aspectos consensuais ou não na discussão de um assunto, respeitando o modo de pensar dos colegas e aprendendo com eles.”

“Fazer e validar conjecturas, experimentando, recorrendo a modelos, esboços, fatos conhecidos, relações e propriedades”

“Art. 9º.”. Na observância da Contextualização, as escolas terão presente que:

“III - a aplicação de conhecimentos constituídos na escola às situações da vida cotidiana e da experiência espontânea permite seu entendimento, crítica e revisão.”

“Art. 10”. A base nacional comum dos currículos do ensino médio será organizada em áreas de conhecimento, a saber:

II - Ciências da Natureza, Matemática e suas Tecnologias, objetivando a constituição de habilidades e competências que permitam ao educando:

5

- compreender os conceitos, procedimentos e estratégias matemáticas que permitam a ele desenvolver estudos posteriores e adquirir uma formação científica geral;
- aplicar seus conhecimentos matemáticos a situações diversas, utilizando-os na interpretação da ciência, na atividade tecnológica e nas atividades cotidianas;
- analisar e valorizar informações provenientes de diferentes fontes, utilizando ferramentas matemáticas para formar uma opinião própria que lhe permita expressar-se criticamente sobre problemas da Matemática, das outras áreas do conhecimento e da atualidade;
- desenvolver as capacidades de raciocínio e resolução de problemas, de comunicação, bem como o espírito crítico e criativo;
- estabelecer conexões entre diferentes temas matemáticos e entre esses temas e o conhecimento de outras áreas do currículo;
- reconhecer representações equivalentes de um mesmo conceito, relacionando procedimentos associados às diferentes representações;

Este plano de atividade foi desenvolvido com base nas diretrizes do PCN acima descritas para o ensino médio.

### **1ª Parte :**

#### **Aula 1 : Conteúdos :**

- Conceitos primitivos de: ponto, reta e plano
- Posições relativas de retas e planos no espaço;

**Carga horária :** Em 2 horas/aula semanais com um total de 100 minutos

**Recursos didáticos necessários:** Livro didático, aula expositiva, vídeo e Data Show

#### **Desenvolvimento aula 1:**

#### **Carga horária : Duas horas aulas iniciais (100 minutos) :**

Esta aula deverá ser desenvolvida durante quatro tempos semanais separados em dois pares de tempos de 50 minutos.

Inicialmente deverá ser introduzido o tema e suas aplicações, através da apresentação dos slides no Data Show:

Slide 2 de 27 - "Lápis de cera" - Português (Brasil)

## Conceitos primitivos


- A partir do mundo real, matemáticos da antiguidade, como Euclides (séc. III a.C.) estabeleceram entes com os quais construíram a geometria. Três desses entes destacam-se por serem conhecidos intuitivamente. São eles: **o ponto, a reta e o plano.**

The slide features a blue background with a white central text box. A yellow and blue crayon is positioned vertically on the right side of the text box, with a purple wavy line extending downwards from its tip. In the bottom-left corner of the text box, there are three colorful crayons (yellow, green, and red) lying horizontally. The PowerPoint interface is visible at the top and bottom of the slide.

Slide 3 de 27 - "Lápis de cera" - Português (Brasil)

## O Ponto

- Olhando-se a noite para um céu estrelado vêm-se as estrelas, que, intuitivamente, podem ser consideradas **pontos**. Em geometria, o ponto, elemento concebido sem dimensão, massa nem volume, é uma noção primitiva.






The slide features a blue background with a white central text box. A yellow and blue crayon is positioned vertically on the right side of the text box, with a purple wavy line extending downwards from its tip. In the bottom-left corner of the text box, there are three colorful crayons (yellow, green, and red) lying horizontally. Below the text, there is a square image of a starry night sky. The PowerPoint interface is visible at the top and bottom of the slide.



Slide 8 de 27 - "Linha de reta" - Português (Brasil)

## A Reta




- Suponha agora que fosse possível esticar, indefinidamente e nos dois sentidos, um fio de elástico. Em nossa imaginação, e apenas nela, visualizaríamos o que chamamos de reta. Em geometria, o conceito de reta - concebido intuitivamente - também é uma noção primitiva.



Slide 9 de 27 - "Linha de reta" - Português (Brasil)

## O Plano

- Considere o tampo liso de uma mesa, sem nenhum tipo de fresta ou ondulação. Esse tampo possibilitaria a visualização concreta de um plano. Entretanto, o conceito geométrico de plano implica que, por intuição, ele seja entendido ilimitadamente em todas as direções. Plano é uma noção primitiva.



Slide 6 de 27 | Lápis de cera | Português (Brasil) | Geometria de Pappos | Modo de Compatibilidade | Microsoft PowerPoint

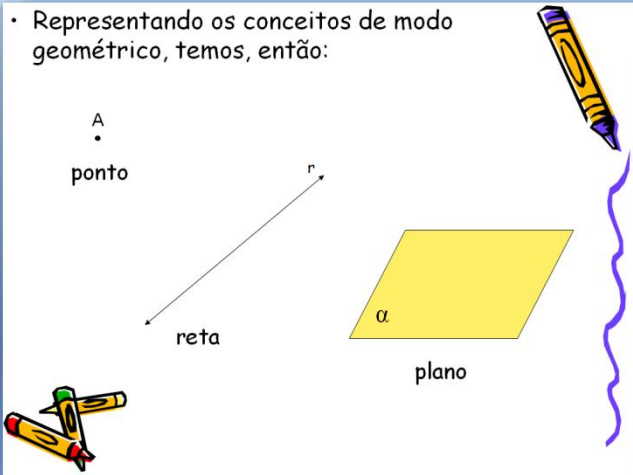
Início Inserir Design Animações Apresentação de Slides Revisão Exibição

- Representando os conceitos de modo geométrico, temos, então:

A  
•  
ponto

reta

$\alpha$   
plano




Slide 3 de 27 | Lápis de cera | Português (Brasil) | Geometria de Pappos | Modo de Compatibilidade | Microsoft PowerPoint

Início Inserir Design Animações Apresentação de Slides Revisão Exibição

Identifique os conceitos estudados

- Observe a figura, onde você pode visualizar : os pontos, as retas e o plano?



Geometria de Posição (Modo de Compatibilidade) - Microsoft PowerPoint

Início Inserir Design Animações Apresentação de Slides Revisão Exibição

Imagens Clip-art Álbum de Fotografias Formas SmartArt Gráfico

Diagramas de Texto e Rodapé Casa Cabeçalho WordArt Data e Número Hora do slide Objeto

Links Tabela

Slide 5 de 27 "Lápis de cor" Português (Brasil)

## E nestas figuras ?

13:46 26/02/2013

Geometria de Posição (Modo de Compatibilidade) - Microsoft PowerPoint

Início Inserir Design Animações Apresentação de Slides Revisão Exibição

Imagens Clip-art Álbum de Fotografias Formas SmartArt Gráfico

Diagramas de Texto e Rodapé Casa Cabeçalho WordArt Data e Número Hora do slide Objeto

Links Tabela

Slide 6 de 27 "Lápis de cor" Português (Brasil)

## Posições primitivas, postulados ou axiomas.

### Postulados da existência

P1 - Existem infinitos pontos

P2 - Em uma reta e fora dela *existem infinitos* pontos

P3 - Em um plano e fora dele *existem infinitos* pontos

13:46 26/02/2013

Geometria de Posição (Modo de Compatibilidade) - Microsoft PowerPoint

Início Inserir Design Animações Apresentação de Slides Revisão Exibição

Imagens Clip-art Álbum de Fotografias Formas SmartArt Gráfico

Diagramas de Texto e Rodapé Casa Cabeçalho WordArt Data e Número Hora do slide Objeto

Links Tabela

Slide 9 de 27 "Lápis de cor" Português (Brasil)

## Postulados da determinação

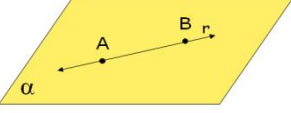
P4 - Dois pontos distintos *determinam* uma única reta



P5 - Três pontos não-colineares *determinam* um único plano

13:46 26/02/2013

Postulado da inclusão

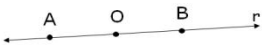
P6 - Se dois pontos distintos de uma reta pertencem a um plano, a reta está contida (está inclusa) nesse plano





$$\left. \begin{array}{l} A \in \alpha \\ B \in \alpha \\ A \in r \\ B \in r \end{array} \right\} r \subset \alpha$$



Postulados da separação

P7 - *Postulado da separação da reta* : todo ponto de uma reta, separa-a em duas partes às quais ela pertence.

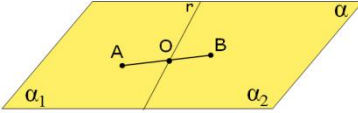


$\overrightarrow{OA}$  e  $\overrightarrow{OB}$  são semi-retas opostas de origem O.






Postulados da separação

P8 - *Postulado da separação* : toda reta de um plano separa-o em duas partes na quais ela está contida; qualquer segmento de reta com um extremo em cada parte e nenhuma nesta reta de separação intercepta-a em um único ponto.



$\alpha_1$  e  $\alpha_2$  são semi-planos opostos de  $\alpha$ .

**P9 - Postulado da separação:** Todo plano *separa* o espaço em duas partes nas quais ele está contido; qualquer segmento de reta com um extremo em cada parte e nenhum nesse plano de separação intercepta-o em um único ponto.

$E_1$  e  $E_2$  são semi-espacos opostos de origem  $\alpha$ .

### Posições relativas entre duas retas

- **Coincidentes:** se todos os pontos de uma são pontos da outra. Indicamos:  $r = s$
- **Paralelas:** São retas coplanares que não se cruzam. Ou seja, se estão contidas no mesmo plano (coplanares) e não têm ponto comum. Indicamos:  $r // s$
- **Concorrentes:** tem um único ponto em comum. Indicamos:  $r \times s$

$r \times s \leftrightarrow r \cap s = \{P\}$

Após a exposição dos slides propor que a turma se reúna em duplas para a realização de exercícios propostos no slide, a seguir:

**Exercícios**

I) Considere que os pontos, as retas e os planos citados abaixo são distintos. Coloque (V) se afirmação é verdadeira (F) para as afirmações falsas. Justifique as afirmações falsas:

- ( ) Por um ponto passam infinitas retas.
- ( ) Por dois pontos distintos passa uma única reta.
- ( ) Três pontos distintos são sempre colineares.
- ( ) Por dois pontos distintos passa um único plano.
- ( ) Um plano contém infinitos pontos.
- ( ) Pelos quatro vértices de um retângulo passa um único plano.
- ( ) Uma reta intercepta inúmeros planos.

**Exercícios**

- ( ) Três pontos distintos e não colineares determinam um plano.
- ( ) Por duas retas paralelas passa um único plano.
- ( ) Duas retas coplanares são concorrentes.
- ( ) Duas retas perpendiculares são concorrentes.
- ( ) Duas retas ortogonais determinam um único plano.
- ( ) Duas retas reversas podem ser paralelas a um mesmo plano.

## **2ª Parte :**

### **Aula 1 : Conteúdos :**

- Poliedros
- Os Poliedros de Platão e suas curiosidades
- Relação de Euler

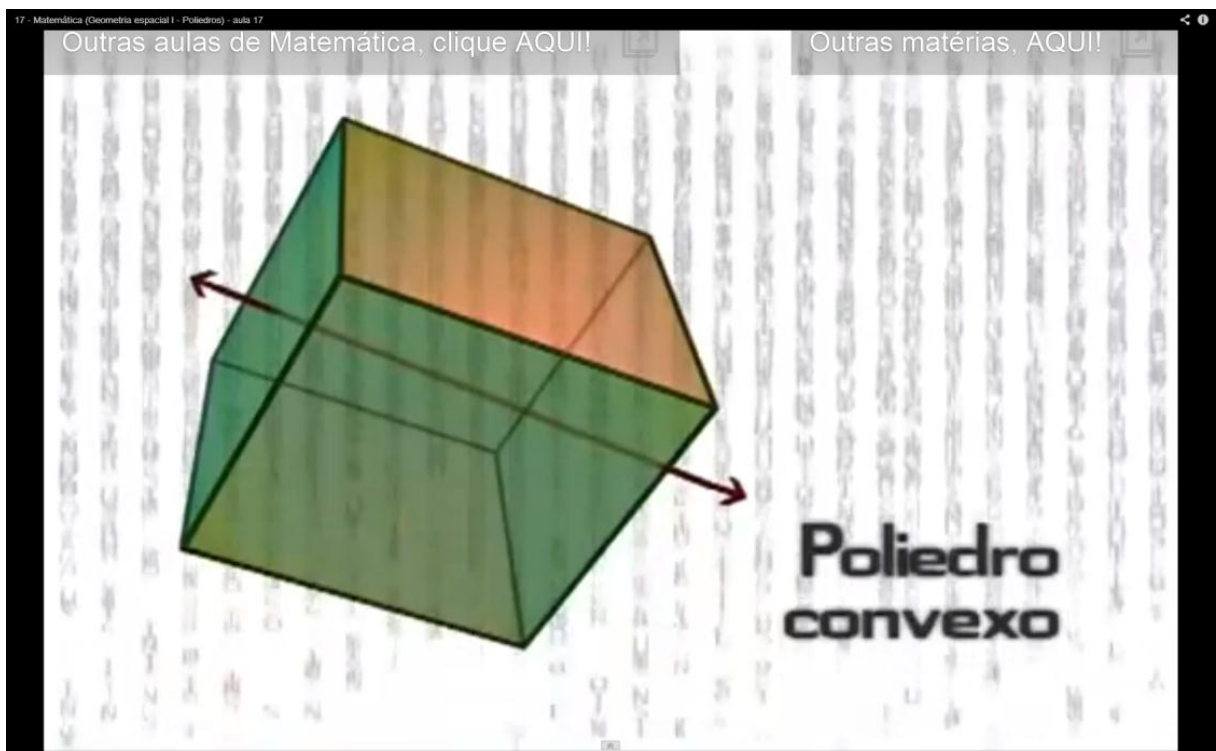
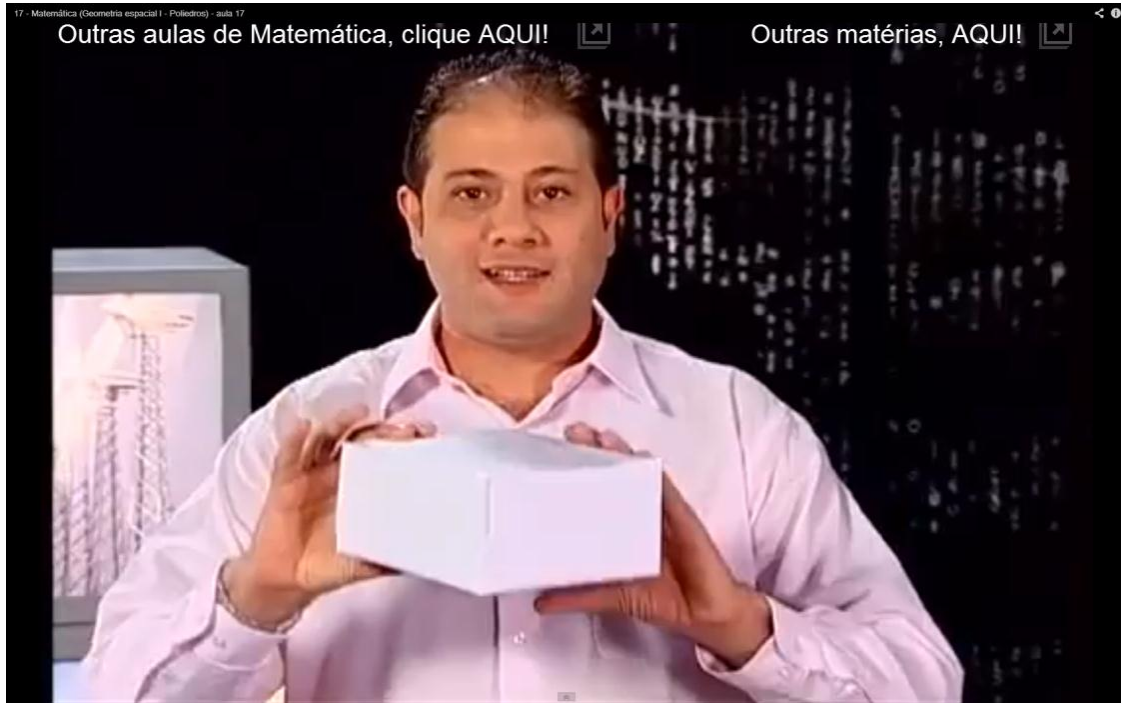
**Carga horária :** Em 6 horas/aula semanais com um total de 300 minutos

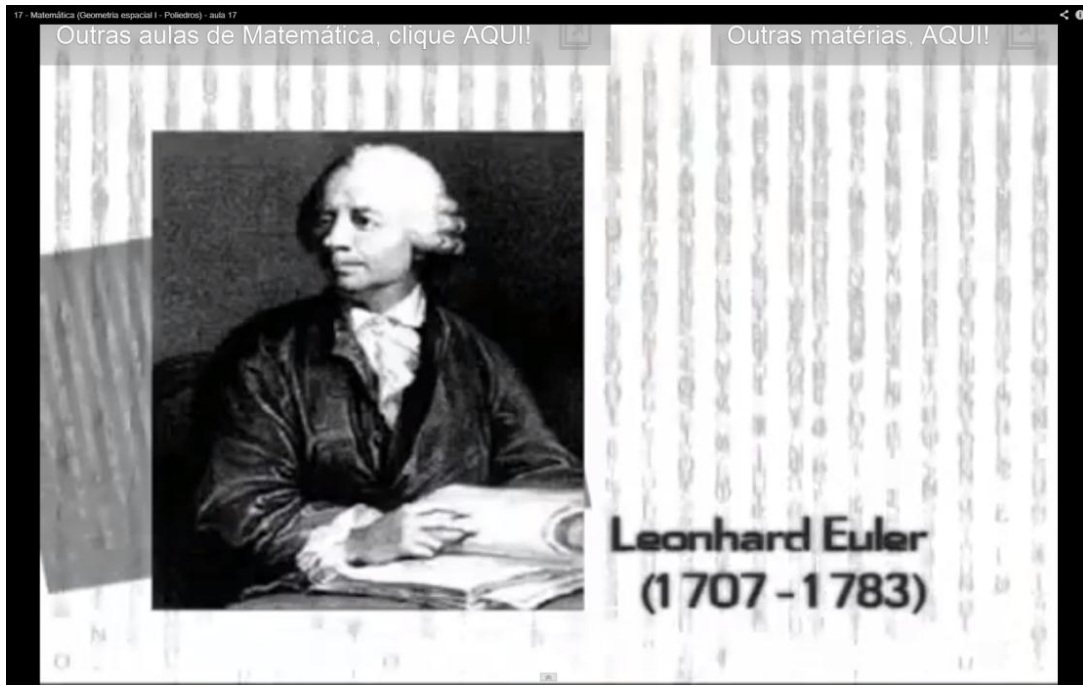
**Recursos didáticos necessários:** Livro didático, aula expositiva, vídeo e Data Show

Canudos, régua, tesoura, linha e agulha.

## Desenvolvimento da aula 2: Dois tempos iniciais

Inicialmente exibir através do Data Show o vídeo que se encontra em : <http://www.youtube.com/watch?v=E3qBQ4Cqow0> com a duração de 09:24 minutos.





Após a exposição do vídeo, o professor deverá exibir os slides :

A slide titled "A Relação de Euler" and "Geometria Espacial". The slide is part of a presentation on "3.1) Os Poliedros de Platão". It states: "Em um poliedro regular todas as faces são polígonos regulares congrues. Existem SOMENTE cinco poliedros regulares:". Below this text are five illustrations of regular polyhedra, each with a label and a symbolic representation:

- Tetraedro (FOGO): A yellow tetrahedron with a fire illustration on its front face.
- Hexaedro (TERRA): A brown cube with illustrations of a tree, a sun, and a landscape on its faces.
- Octaedro (AR): A blue octahedron with a white bird illustration on its front face.
- Icosaedro (ÁGUA): A green icosahedron with illustrations of fish and a star on its faces.
- Dodecaedro (UNIVERSO): A blue dodecahedron with illustrations of a sun, a moon, and stars on its faces.

The slide is displayed in a browser window with a taskbar at the bottom showing the date 26/02/2013.



## Terra, Fogo, Ar e Água

- *Platão professava que Deus criou o mundo a partir de quatro elementos básicos: a terra, o fogo, o ar e a água.*
- *Ele procurou, então definir as essências específicas desses elementos através de quatro objetos geométricos, os poliedros convexos regulares.*



3 / 17

## O Universo

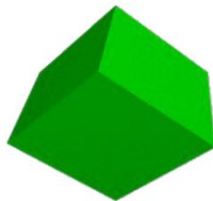
- *Esses poliedros representavam, aos olhos dos gregos, harmonia e uma certa perfeição.*



4 / 17

## O HEXAEDRO (CUBO)

- *A terra, o elemento mais imóvel, Platão associou ao cubo, o único poliedro com faces quadradas, e dessa forma, o mais apto a garantir estabilidade.*



5 / 17

## O TETRAEDRO

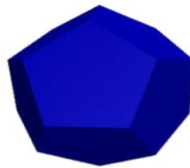
- O fogo ele atribuiu ao tetraedro, que é o poliedro mais "pontudo", com arestas mais cortantes, com menor número de faces e de maior mobilidade.



6 / 17

## DODECAEDRO

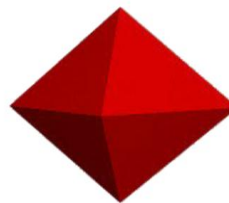
- Com o tempo, aparece o quinto e último poliedro regular convexo: o dodecaedro. Platão explicita suas idéias sobre o quinto elemento: o cosmos, que segundo ele seria a "alma do mundo".




8 / 17

## ICOSAEDRO E OCTAEDRO

- A água e o ar, que são de mobilidade crescente e intermediária entre a terra e o fogo, ele atribuiu respectivamente ao icosaedro e ao octaedro.



7 / 17



## Verificando que só existem cinco Poliedros Platônicos

---

Um poliedro é regular:

- Se é convexo, isto é, os ângulos de dois lados formados por duas faces consecutivas é menor que  $180^\circ$ ,
- Se todas as suas faces são formadas por polígonos regulares.
- Os poliedros que tem essas características são denominados Poliedros Platônicos.



## Fórmula de Euler

---

- Para todos os poliedros regulares se verifica a seguinte relação:

$$F+V = A+2$$

- Esta relação designa-se por fórmula de Euler e relaciona o número de faces 'F', o número de arestas 'A' e o número de vértices 'V' de qualquer poliedro regular.
- Em particular, é verificada para os cinco poliedros regulares convexos (sólidos platônicos).

## Poliedros e o Origami

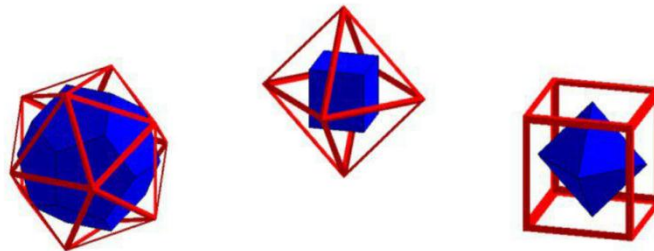
- Por meio da técnica do origami modular, a qual se baseia na confecção de várias partes iguais ou módulos, que são encaixados para formar cada peça, é possível construir os cinco sólidos platônicos e muitos outros poliedros interessantes.



15 / 17

## Modelos feitos com canudos

Os poliedros também podem ser construídos com pedaços de canudos, o que facilita visualizarmos seu interior, veja alguns exemplos:



12 / 17

Após a apresentação do vídeo e dos slides, o professor deverá sistematizar na lousa, os conteúdos contidos nas apresentações.

## **Desenvolvimento da aula 2: Quatro tempos Finais**

A atividade, a seguir deverá ser desenvolvida em quatro tempos de 50 minutos.

Inicialmente o professor deverá dividir a turma em grupos de no mínimo de quatro e no máximo seis alunos. Em seguida a separação da turma, com o auxílio dos slides e orientações do professor, deverá ser proposta a construção dos três principais poliedros de Platão, com a utilização de canudos.

Os alunos deverão ilustrar os poliedros com motivos da origem do: ar, água, terra e fogo.

De modo que sejam confeccionados com a utilização de canudos dois: Tetraedros, Hexaedros e Octaedro.

Antes de iniciar a atividade o professor deverá reproduzir no Data Show o vídeo auxiliar : <http://www.youtube.com/watch?v=FXcrq3QSAZI>, com duração de 08:58 e a sequencia de slides, a seguir, que deverão ficar expostos durante a realização da atividade.

### **Avaliação da atividade:**

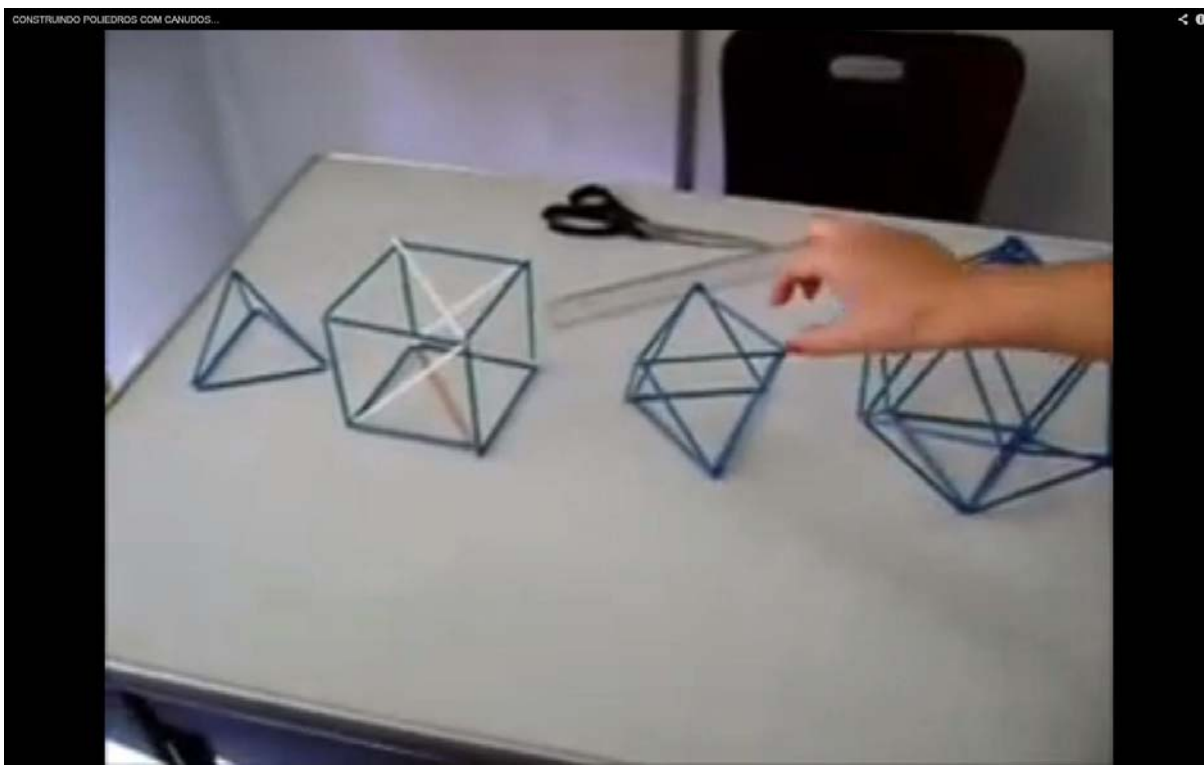
Como avaliação da atividade o professor deverá propor a turma, o valor de total de 4,0 pontos. Onde seriam realizadas em dois momentos: o valor de 3,0 pontos seriam dedicados a confecção por parte dos grupos na construção dos poliedros e 1,0 pela exposição em sala de aula, como culminância da atividade.

Após a confecção dos poliedros pela turma, o professor deverá organizar uma exposição das construções.

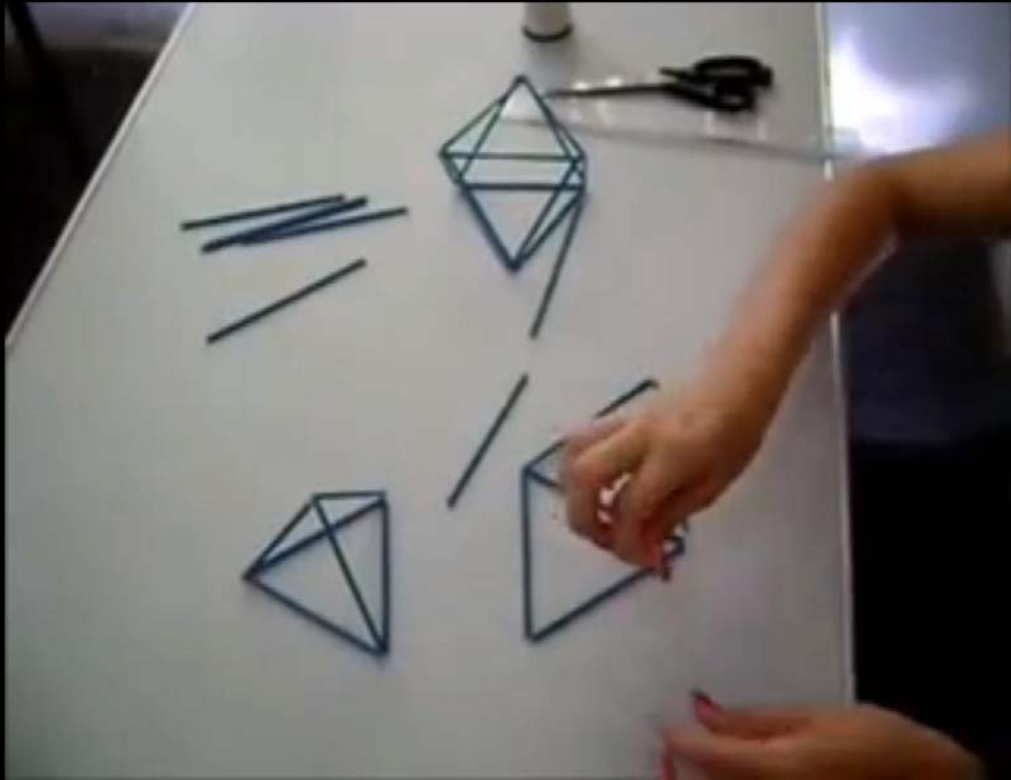
Durante a atividade será utiliza do Data Show e os seguintes materiais: Canudos, régua, tesoura, linha e agulha.

### **Vídeo auxiliar**

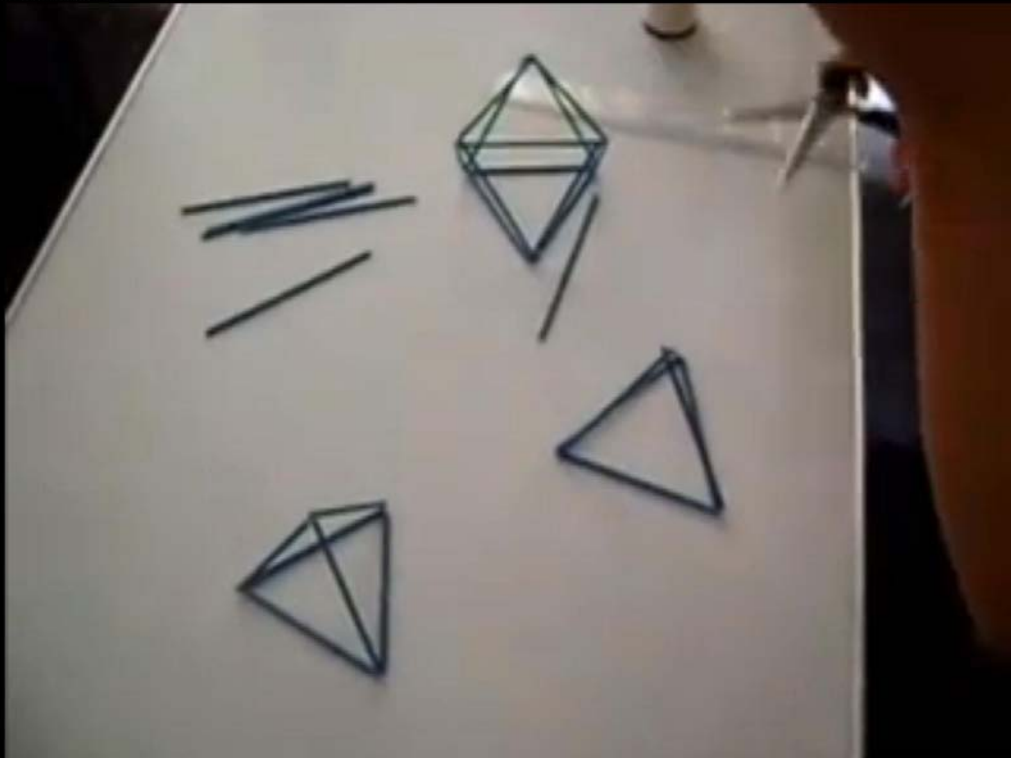
**Fonte :** <http://www.youtube.com/watch?v=FXcrq3QSAZI>, com duração de 08:58



CONSTRUINDO POLIEDROS COM CANUDOS...



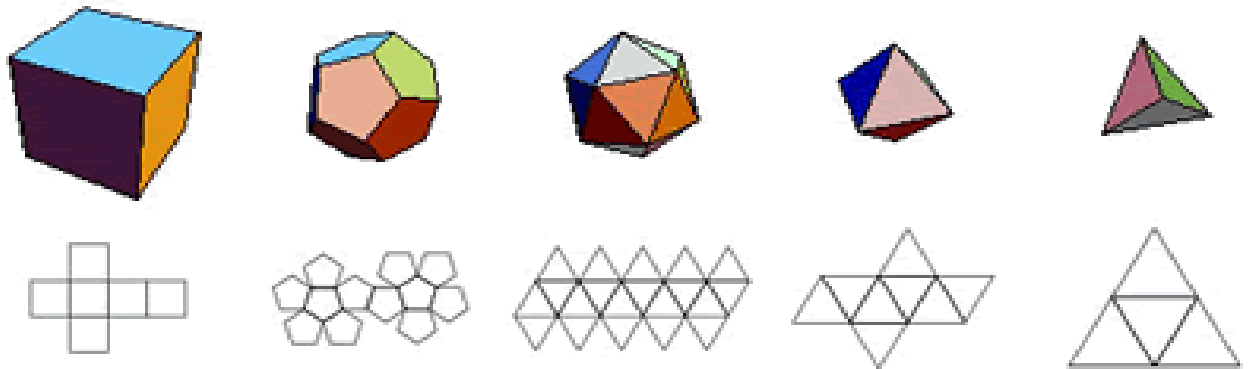
CONSTRUINDO POLIEDROS COM CANUDOS...




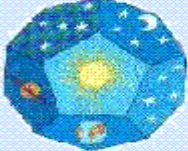
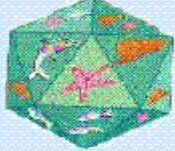


6:57 / 8:55



## Planificações dos poliedros de Platão



 FOGO	<p style="text-align: center;"><b>TETRAEDRO</b></p> <p>Este poliedro é formado por quatro triângulos equiláteros. E em cada um dos vértices encontra-se o mesmo número de lados (arestas). O prefixo <i>tetra</i> deriva do grego e significa quatro (quatro faces).</p>
 TERRA	<p style="text-align: center;"><b>HEXAEDRO</b></p> <p>O cubo é o único poliedro regular com faces quadrangulares. Cada vértice une três quadrados. O cubo tem 6 faces, pelo que também se pode chamar de hexaedro (<i>hesa</i> significa seis em grego).</p>
 AR	<p style="text-align: center;"><b>OCTAEDRO</b></p> <p>As faces deste poliedro são também triângulos equiláteros, mas em cada vértice reúnem-se quatro triângulos. Assim, o total das faces é oito, pelo que o poliedro se chama octaedro (<i>ocfa</i> significa oito em grego).</p>
 COSMOS	<p style="text-align: center;"><b>DODECAEDRO</b></p> <p>O dodecaedro é o único poliedro regular cujas faces são pentágonos regulares. Em cada vértice encontram-se três pentágonos. Assim, este poliedro é formado por doze faces e daí ter o nome de dodecaedro (<i>dodeca</i> significa doze em grego).</p>
 ÁGUA	<p style="text-align: center;"><b>ICOSAEDRO</b></p> <p>Neste poliedro são cinco os triângulos equiláteros que se encontram em cada vértice, perfazendo vinte faces. Por isso, o poliedro se chama icosaedro (<i>icosa</i> significa 20 em grego).</p>

### **3ª Aula :**

#### **Aula 3 : Conteúdos :**

- **Relação de Euler**

**Carga horária :** Em um da semana , num total de 2 horas/aula semanais com um total de 100 minutos

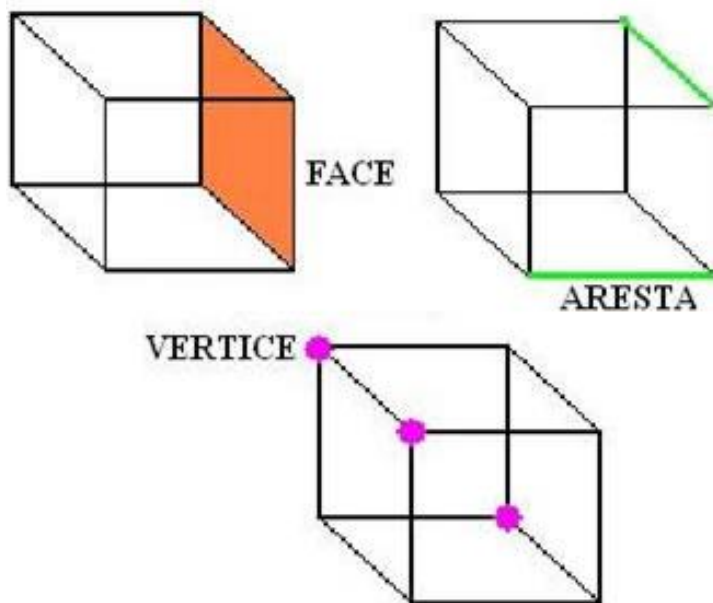
**Recursos didáticos necessários:** Livro didático, folha xerocopiada com exercícios propostos, aula expositiva e Data Show.

#### **Desenvolvimento da aula 3:**

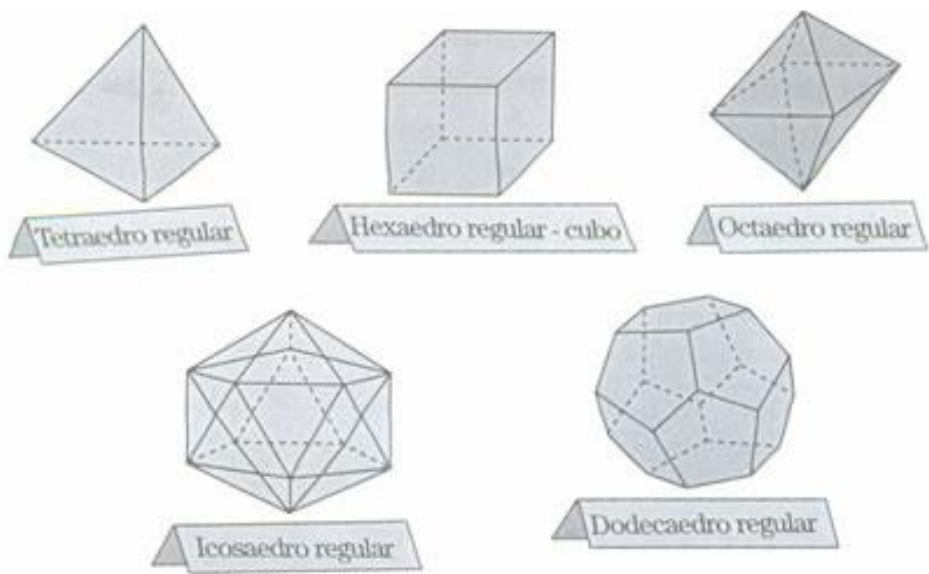
**Carga horária : Duas horas aulas**

#### **Exercícios propostos:**

D) Observe :







Agora, complete a tabela :

Nome	Tipo de Face	Número de faces	Número de arestas	Número de vértices
Tetraedro				
Hexaedro				
Octaedro				
Dodecaedro				
Icosaedro				

Solução:

NOME	TIPO DE FACE	Nº DE FACES	Nº DE ARESTAS	Nº DE VÉRTICES
Tetraedro	Triângulo	4	6	4
Hexaedro	Quadrilátero	6	12	8
Octaedro	Triângulo	8	12	6
Dodecaedro	Pentágono	12	30	20
Icosaedro	Triângulo	20	30	12

II) Um poliedro convexo de 15 arestas tem somente faces quadrangulares e pentagonais. Quantas faces têm de cada tipo se a soma dos ângulos das faces é 32 ângulos retos?

**Solução. Encontramos o número de vértices pela fórmula da soma dos ângulos das faces:  $S = (V - 2).360^\circ$**

$$\begin{cases} S = (V - 2).360^\circ \\ S = 32(90^\circ) = 2880^\circ \end{cases} \Rightarrow V - 2 = \frac{2880^\circ}{360^\circ} \Rightarrow V = 2 + 8 = 10$$

Utilizando a relação de Euler  $A + 2 = F + V$  e, substituindo pelos valores, calculamos o número de vértices.

$$\begin{cases} A = 15 \\ V = 10 \end{cases} \Rightarrow F = 15 + 2 - 10 = 7$$

Considerando “x” o número de faces quadrangulares e “y” o de faces pentagonais forma-se um sistema onde uma das equações envolve o número de arestas em função do número de faces.

$$\begin{cases} x + y = 7 \\ \frac{4x}{2} + \frac{5y}{2} = 15 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x + y = 7 \rightarrow \times(-4) \\ 4x + 5y = 30 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -4x - 4y = -28 \\ 4x + 5y = 30 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} y = 2 \\ x = 7 - 2 = 5 \end{cases}$$

Logo possui 5 faces quadrangulares e 2 pentagonais.

III) Sabendo que : soma dos ângulos das faces de um poliedro é obtido através da fórmula

$$S = (V - 2).360^\circ$$

Calcule em graus a soma dos ângulos das faces de um:

a) tetraedro

b) hexaedro

**Solução. Em cada caso utiliza-se a fórmula  $S: (V - 2).360^\circ$**

**a) tetraedro possui 4 vértices. Logo,**

$$S = (V - 2).360^\circ \Rightarrow S = (4 - 2).360^\circ \Rightarrow S = 2.(360^\circ) = 720^\circ.$$

**b) hexaedro possui 8 vértices. Logo,**

$$S = (V - 2).360^\circ \Rightarrow S = (8 - 2).360^\circ \Rightarrow S = 6.(360^\circ) = 2160^\circ.$$

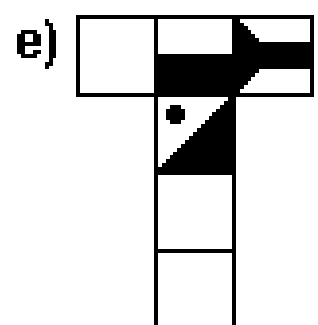
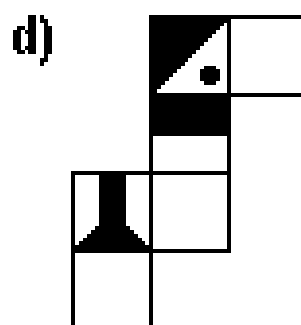
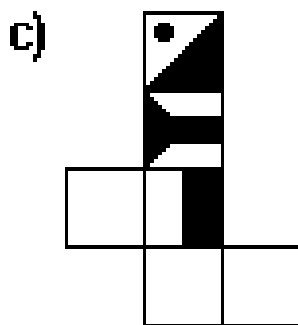
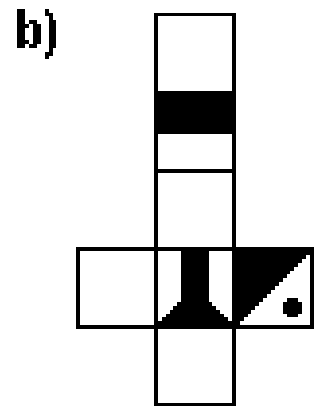
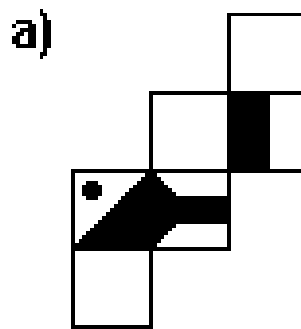
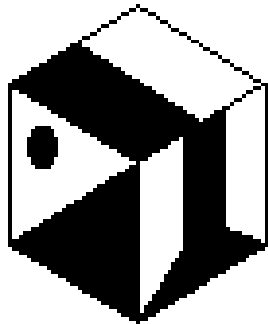
IV) Um poliedro convexo de 28 arestas possui faces triangulares e heptagonais. Quantas têm de cada espécie, se a soma dos ângulos das faces é 64 retos?

**Solução. Problema semelhante ao número (1).**

$$\text{i) } \begin{cases} S = (V - 2) \cdot 360^\circ \\ S = 64(90^\circ) = 5760^\circ \end{cases} \Rightarrow V - 2 = \frac{5760^\circ}{360^\circ} \Rightarrow V = 2 + 16 = 18$$

$$\text{ii) } \begin{cases} A = 28 \\ V = 18 \end{cases} \Rightarrow F = 28 + 2 - 18 = 12$$

V) Determine a planificação correta do cubo:



**4ª Aula :****Avaliação escrita e em grupo: com um total de 6,0 pontos****Aula 3 : Conteúdos :**

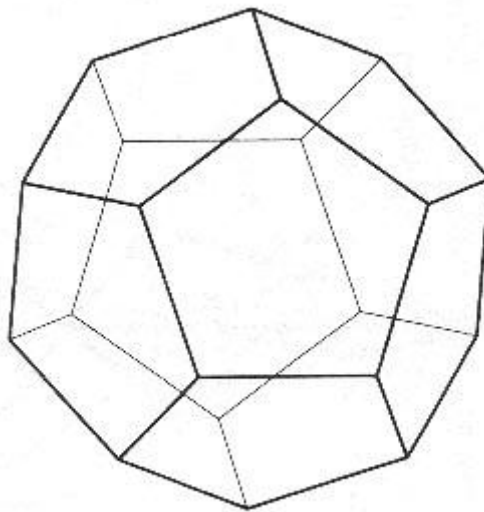
- **Problemas práticos envolvendo Poliedros, Poliedros de Platão e Relação de Euler**

**Carga horária :** com um total de 2 horas/aula semanais com um total de 100 minutos**Recursos didáticos necessários:** , Folhas xerocopiadas**Avaliação escrita :** em grupos de no máximo quatro alunos.**Observação: antes da aplicação desta avaliação deve-se observar se, a mesma condiz, com o nível de assimilação da turma.****Desenvolvimento da aula 4****Carga horária : Duas horas aulas**

A atividade, a seguir deverá ser desenvolvida em dois tempos de 50 minutos e com um valor total de até seis .

I) Observando a figura e simplesmente contando, determine: o número de faces, o número de arestas e o número de vértices do poliedro convexo.

- \_\_\_ faces
- \_\_\_ arestas
- \_\_\_ vértices



O poliedro satisfaz a relação de Euler ?

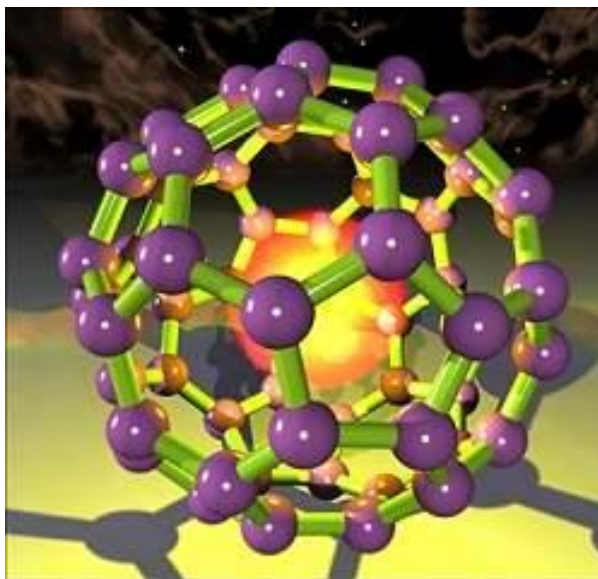
**Solução : 12 faces, 30 arestas e 20 vértices. Sim**

II) Determine a soma das medidas dos ângulos internos de todas as faces de um poliedro convexo e fechado que tem 10 faces triangulares e 2 faces quadrangulares.

**Solução S = 2520°**

III) Um pouquinho de Química

## Molécula revolucionária já pode ser produzida em larga escala



Pesquisadores da Universidade de Surrey, no Reino Unido, descobriram um método para fabricar a molécula de Carbono 60 (C60) de forma controlada e gerando cristais homogêneos, um avanço que deverá viabilizar a utilização prática deste que é um dos mais promissores materiais da nanotecnologia.

Carbono 60: a molécula C60 é um fulereno, também conhecida como buckyball, e já se conhecem as vantagens desse nanomaterial que é mais resistente que o aço e mais duro do que o diamante em aplicações que vão desde o armazenamento de hidrogênio até a fabricação de transistores orgânicos de alto desempenho.

Fonte: [http://engenhariadeautomacao.zip.net/arch2008-07-01\\_2008-07-31.html](http://engenhariadeautomacao.zip.net/arch2008-07-01_2008-07-31.html)

Agora, voltando a Matemática :

Numa molécula tridimensional de carbono, os átomos ocupam os vértices de um poliedro convexo de 12 faces pentagonais e 20 faces hexagonais regulares, como em uma bola de futebol. Qual é o número de átomos de carbono na molécula? E o número de ligações entre esses átomos?

**Solução.**

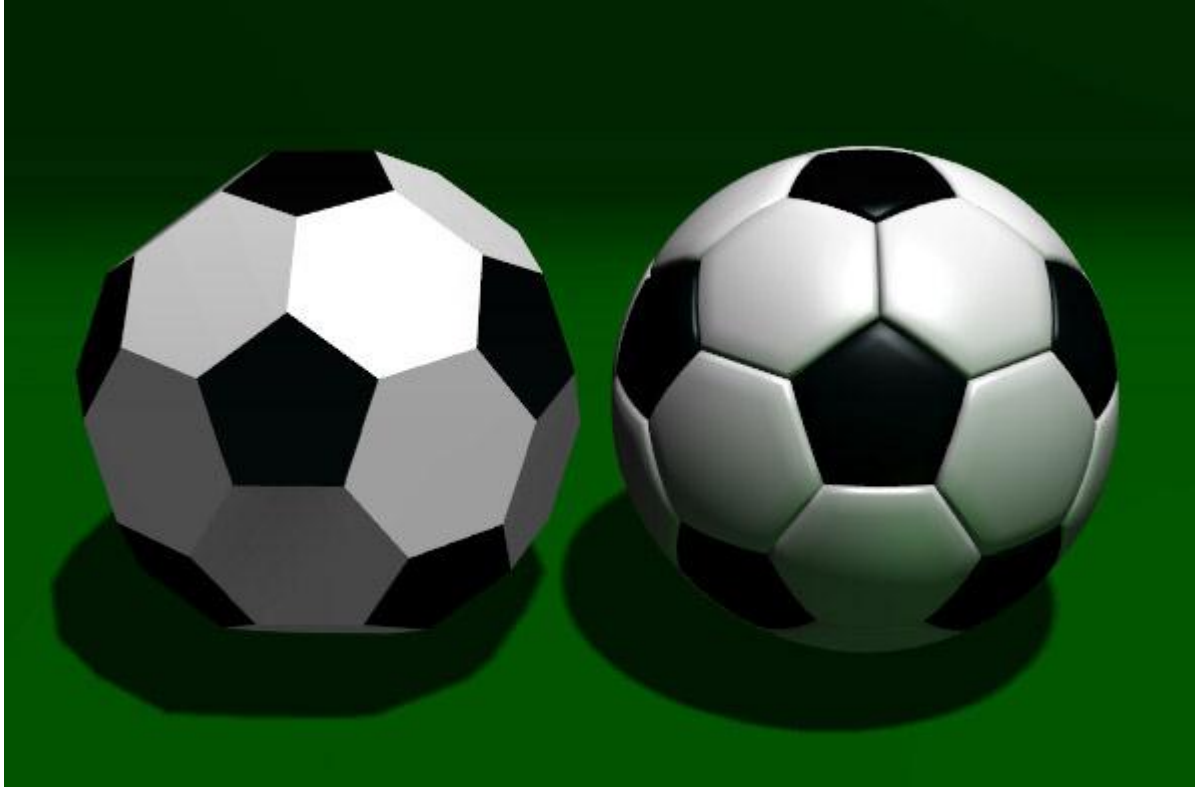
**O n° de faces é  $F = 12 + 20 = 32$  faces.**

**Logo o número arestas será**  $A = \frac{nF}{2} = \frac{5(12) + 6(20)}{2} = 90$ .

**O número de vértices é dado por**  $V = A + 2 - F = 90 + 2 - 32 = 60$ .

**Logo há 60 átomos ligados entre si por 90 arestas (ligações).**

IV) A bola de futebol que apareceu pela primeira vez na copa de 70 foi inspirada em um conhecido poliedro convexo formado por 12 faces pentagonais e 20 faces hexagonais, todas regulares. Pergunta-se quantos vértices possui tal poliedro.



**Solução : 60 vértices**

V) Num poliedro convexo de 10 arestas, o número de faces é igual ao número de vértices. Quantas faces têm esse poliedro?

**Solução.**

**Pelas informações,  $F = V$ .**

**Utilizando a relação de Euler, temos:  $10 + 2 = 2V$**

**Logo  $V = 6$ .**

**Logo o número de faces é o mesmo. Isto é, há 6 faces**

## **Referencias bibliográficas**

BATANERO, C. **Didáctica de la Estadística**. Granada. Uninersidad de Granada, ESP, 2001, 210p.

BIANCHINI; Edwaldo. **Matemática 2º Grau**. Vol. Único. São Paulo: Moderna

BONGIOVANNI, Domenico; VISSOTO, Eugenio; LOUREANO, José. **Matemática e Vida**. São Paulo: Ática, 1993.

BOYER, Carl Benjamin. **História da Matemática**. São Paulo: Edgard Blücher, 1974.

BUENO, Francisco da Silveira. **Minidicionário da língua portuguesa**. São Paulo.FTD. 1996.

GIOVANNI.J.Rui e BONJORNO.J.R. **Matemática 2º Grau V . 1 . 2 e 3 .** São Paulo : FTD

GRANDO, R. C. e FAZZION, M. F. **Álgebra e Geometria na Resolução de um Problema Clássico em Matemática: o problema dos cubos pintados**. Revista de Educação Matemática – SBEM - SP, n. 6 e 7, p.23 - 6, Catanduva - SP, 2001.

IEZZI, Gelson. DOLCE, Osvaldo. MURAKAMI, Carlos. **Fundamentos da Matemática Elementar, 2: Logaritmos**. 9 ed. São Paulo: Atual, 2004.

KRULIK, S. E REYS, R. E. (org). **A resolução de problemas na matemática escolar**. Tradução de Domingues, H. H. E Corbo, O. 4a reimpressão. São Paulo: Atual Editora, 1997, 342p.

MENDONÇA. M. C. D. **Problematização: um caminho a ser percorrido em Educação Matemática**. Campinas: UNICAMP, 1993, Tese de Doutorado.

MATEMÁTICA, **Novo Telecurso 2º Grau** – Fundação Roberto Marinho Fundação Bradesco – RJ. 1985

NETO, A.; **Matemática Básica**; São Paulo; Atual, 1984.

ONUCHIC, L. R. Ensino-aprendizagem de Matemática através da resolução de problemas. In: BICUDO, M.A.V. (org). **Pesquisa em Educação Matemática: Concepções & Perspectivas**. Editora UNESP, São Paulo(SP), p. 199 - 218, 1999.

PAIVA, Manoel. **MATEMÁTICA**. 1ª Edição. São Paulo: Moderna, 1999. p. 8 – 9.

POLYA, G. **A arte de resolver problemas**. Primeira reimpressão. Tradução e adaptação de Heitor Lisboa de Araújo. Rio de Janeiro: Interciências, 1986.

\_\_\_\_\_. Sobre a resolução de problemas de matemática na high school. In:

PONTE, J. P.; BROCARD, J.; OLIVEIRA, H. **Investigações Matemáticas na Sala de Aula**. Belo Horizonte: Autêntica, 2003, 151p.

SANTOS, C. A. M.; GENTIL, N.; GRECO, C. E. **Matemática para o ensino médio**; São Paulo; Ática, 1999

SCHOROEDER, T. L., LESTER Jr., F. K. Developing Understanding in Mathematics via Problem Solving. TRAFTON, P. R., SHULTE, A. P. (Ed.). **New Directions for**

SECRETARIA DE EDUCAÇÃO MÉDIA E TECNOLÓGICA. PARÂMETROS CURRICULARES NACIONAIS – PCN+: **Matemática**. MEC, Brasília, 1997.

\_\_\_\_\_ a. PARÂMETROS CURRICULARES NACIONAIS: ensino médio – Parte III. MEC, Brasília, 2000.

\_\_\_\_\_ b. PARÂMETROS CURRICULARES NACIONAIS: ensino fundamental - Matemática. MEC, Brasília, 1997.

SMOLE, Kátia Cristina Stocco; Diniz, Maria Ignez de Souza Vieira. **Matemática: Ensino Médio**. 5.ed. São Paulo: Saraiva, 2005.

SOUZA, Joamir Roberto de. **Novo Olhar Matemática, 1**. 1 ed. São Paulo: FTD, 2010.