FORMAÇÃO CONTINUADA PARA PROFESSORES DE MATEMÁTICA FUNDAÇÃO CECIERJ/SEEDUC-RJ

COLÉGIO ESTADUAL DOM JOÃO VI

Professora: ANA PAULA LIMA Matrículas: 09463027/09720475 Série: 2º ANO – ENSINO MÉDIO

Tutora: KARINA CAMPOS DE SOUZA

INTRODUÇÃO

O pensamento espacial inclui a habilidade para visualizar mentalmente objetos e relações espaciais – para girar e virar coisas em nossas mentes. Isso inclui um confronto com a descrição geométrica de objetos e suas posições. Pessoas com senso espacial

apreciam formas geométricas na arte, na natureza e na arquitetura. Elas são capazes de

usar ideias geométricas para descrever e analisar o mundo em que vivem.

Estudamos Pirâmides e Cones por muitos anos durante a nossa vida escolar sem saber

como, quando e como utilizar, deixamos de lado como algo qualquer, coisa

insignificante, passageira, não sabíamos o valor, a importância para o nosso dia a dia,

pensávamos que era apenas equações, talvez por não ter um conhecimento sobre a

Geometria Espacial, quando olhados por esse ponto de vista, os estudos geométricos se

tornam superimportantes, sendo indispensáveis na vida cotidiana e escolar de qualquer

pessoa. O pensamento espacial se desenvolve também relacionando às propostas de

trabalho com a Geometria feita nas aulas de Matemática.

Para auxiliar os alunos vamos utilizar moldes das pirâmides e cones, para serem

reproduzidos e montados, de modo que os alunos possam manusear essas figuras e

identificarem com maior facilidades todos os seus elementos. Inicialmente é necessário

ao aluno ter um conhecimento sobre arestas, faces, vértices e planos, já estudados com

os prismas. No geral serão utilizados oito (8) tempos de aula para explicação e

desenvolvimento da aula e dois (2) tempos para avaliação.

2

DESENVOLVIMENTO

ATIVIDADE 1: Construir e Reconhecer tipos de Pirâmides e Cones

- HABILIDADE RELACIONADA: H07 C3 Reconhecer, dentre várias representações gráficas de sólidos, aquele que corresponde à uma planificação dada.
- PRÉ-REQUISITO: Arestas, faces, vértices e planos.
- TEMPO DE DURAÇÃO: 200 minutos.
- **RECURSOS EDUCACIONAIS UTILIZADOS:** Transferidor, régua e Data Show.
- · ORGANIZAÇÃO DA TURMA: Individual.
- **OBJETIVOS:** Apresentar aos alunos os conceitos iniciais de pirâmides e cones através da planificação e identificação e seus elementos formadores. Levando os alunos a essa identificação através de métodos concretos como a montagem dessas figuras.

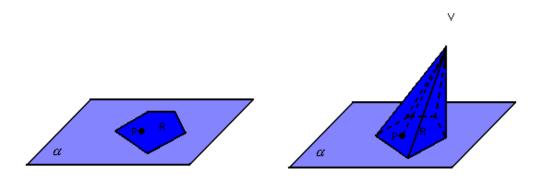
· METODOLOGIA ADOTADA:

Pirâmides:

- Apresentar um vídeo da Discovery Channel sobre as pirâmides do Egito para que os alunos possam ver a figura em sua mais famosa formação.

http://www.youtube.com/watch?v=OhpPKCK Qgs

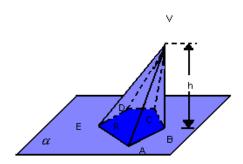
- Conversar com os alunos sobre o vídeo e mostras as características principais da figura e seus elementos formadores, identificando que dados um polígono convexo \mathbf{R} , contido em um plano ex , e um ponto \mathbf{V} (vértice) fora de ex , chamamos de *pirâmide* o conjunto de todos os segmentos \overline{VP} , $P \in \mathbb{R}$



- Planificar as pirâmides, levando para aula como atividades para os alunos moldes de algumas pirâmides e iniciar o processo de montagem dessas figuras, levando os alunos a perceberem que as faces laterais são ligadas por um único vértice e que todas essas faces se ligarão a base (que um polígono) para que a figura seja formada.



- Identificar os elementos de uma pirâmide:



- base: o polígono convexo R
- arestas da base: os lados $\overline{AB}, \overline{BC}, \overline{CD}, \overline{DE}, \overline{EA}$ do polígono
- arestas laterais: os segmentos \overline{VA} , \overline{VB} , \overline{VC} , \overline{VD} , \overline{VE}

- faces laterais: os triângulos VAB, VBC, VCD, VDE, VEA
- altura: distância h do ponto V ao plano

- Classificação de uma pirâmide:

Uma pirâmide recebe denominações de acordo com o polígono que forma a sua base: é triangular se sua base é um triângulo, quadrangular se sua base é um quadrilátero, pentagonal se sua base é um pentágono etc. Assim:



Pirâmide Triângular (tetraedro)



Pirâmide quadrangular



Pirâmide Pentagonal



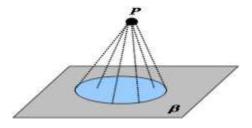
Pirâmide hexagonal

Cones:

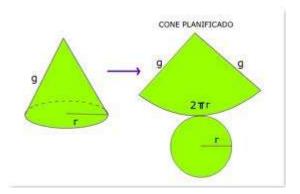
- Apresentar um vídeo divertido para introduzir o conceito de cone.

http://www.youtube.com/watch?v=-CdYb1eAwRc

- Definir um cone como sendo círculo de centro O e raio r, situado num plano, e um ponto P fora dele. Chama-se cone circular, ou cone, a reunião dos segmentos com uma extremidade em P e a outra em um ponto do círculo.



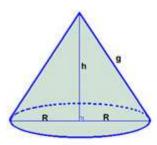
- Planificar os cones, levando para aula como atividades para os alunos moldes de cones e iniciar o processo de montagem dessas figuras.



- Identificar os elementos de um cone:
- a) Geratriz (g): Aresta que liga o vértice a um ponto da base.
- b) Raio (r) liga o centro da circunferência à seu limite.
- c) Altura (h) Ligação entre o vértice e o centro da base.



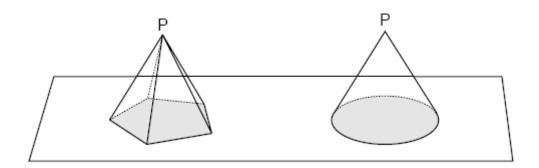
- Mostrar que um cone se classifica com relação a sua inclinação: Um cone circular é reto se a reta OV for perpendicular ao plano que contém a base, caso contrario, o cone é oblíquo.





Pirâmides x Cones

Mostrar aos alunos a semelhança entre Cones e Pirâmides, já que ambos podem ser imaginados como um conjunto de segmentos que ligam um ponto P, exterior ao plano, a uma região do plano, sendo a principal diferença o fato da base do cone ser um circulo e a da pirâmide de um polígono.



- Como exercício será utilizado o livro didático adotado na escola. E exercícios de aprofundamento que estão no anexo 1, no final do trabalho.

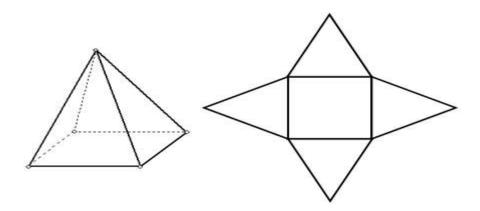
ATIVIDADE 2: Calcular a área total da pirâmide e do cone

- HABILIDADE RELACIONADA H24 Resolver problemas envolvendo a medida da área total e/ou lateral de um sólido (pirâmide, cone). C6 Calcular a medida da área total de uma pirâmide, com ou sem a informação de fórmulas. C8 Calcular a medida da área total de um cone, com ou sem a informação de fórmulas.
- **PRÉ-REQUISITO**: Conhecer o que é uma pirâmide e um cone
- TEMPO DE DURAÇÃO: 200 minutos.
- RECURSOS EDUCACIONAIS UTILIZADOS: Data Show, transferidor, régua.
- · ORGANIZAÇÃO DA TURMA: Individual.
- **OBJETIVOS:** Calcular a área da superfície de uma pirâmide e de um cone através de fórmulas e identificação de suas faces.

· METODOLOGIA ADOTADA:

Pirâmide:

- Apresentar a imagem de uma pirâmide quadrangular e sua planificação para identificação das regiões que a formam:

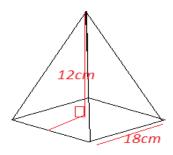


Podemos identificar que:

- Superfície lateral: é formada pelas faces laterais (triangulares);
- Área lateral: é a área da superfície lateral;

- Superfície total: é formada pelas faces laterais e pela base;
- Área total: é a área da superfície total.
- Apresentar um exemplo para que o aluno possa entender como é feito esse cálculo, resaltando a importância de se fazer isso por partes.

Exemplo: Numa pirâmide quadrangular, a aresta mede 18cm e a altura é equivalente a 12 cm. Calcule a apótema e a área total.



a) Calcular a apótema

O apótema é o valor da hipotenusa do triângulo que parte da altura e segue para o meio da aresta. Para calcula-lo, basta usar o teorema de Pitágoras, onde o um dos catetos é a altura e o outro é a metade da aresta:

$$a^{2} = 12^{2} + 9^{2}$$

 $a^{2} = 144 + 81$
 $a^{2} = 225$
 $a = \sqrt{225}$
 $a = 15$ cm

b) Para calcular a área total, é preciso calcular a área lateral. Para isso, usamos a fórmula:

$$Sl = 4 x \frac{apótema x aresta}{2}$$

Substituindo:

$$Sl = 4 x \frac{15 x 18}{2}$$

 $Sl = 4 x (135)$
 $Sl = 540 cm^2$

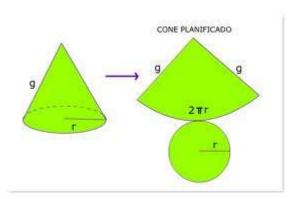
c) Agora já podemos calcular a área total, que é a soma entre a área lateral e a área da base (aresta²):

$$St = (18^2) + 540$$

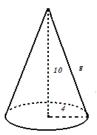
 $St = 324 + 540$
 $St = 864cm^2$

Cone:

- Apresentar a imagem de um cone e sua planificação para identificação das regiões que a formam:



Exemplo: Um cone reto tem 10 cm de altura e raio da base igual a 4 cm. Calcular sua área total.



9

* Antes de calcular a área total, temos que calcular a geratriz desse cone, através do teorema de Pitágoras:

$$g^2 = r^2 + h^2$$

$$g^2 = 4^2 + 10^2$$

$$g \approx 10.8 cm$$

* Agora temos que calcular a área lateral:

$$S_{l} = \pi r g$$

$$S_{l} = 3,14x4x10,8$$

$$S_{l} = 135,6cm^{2}$$

* Calcular a área base:

$$S_b = \pi r^2$$

$$S_b = 3.14x4^2$$

$$S_b = 50.24 cm^2$$

* Depois de termos calculado as áreas da base e lateral, podemos calcular a área total desse cone:

$$S_t = S_l + S_b$$

 $S_t = 135,6 + 50,24$
 $S_t = 185,84 cm^2$

- Como exercícios serão utilizados o livro didático adotado na escola. E exercícios de aprofundamento que estão no anexo 2 no final do trabalho.

AVALIAÇÃO

A avaliação da participação dos alunos, a partir da análise das anotações de aula, se ¹¹ feita com a entrega dos exercícios, onde será possível avaliar aspectos como: habilidades para identificar a capacidade dos alunos identificarem as figuras e calcular a área de cada parte da pirâmide e do cone, e a capacidade do aluno em visualizar espacialmente uma figura geométrica.

Outra forma de avaliação é a escrita, que será individual e terá a duração de 100 minutos onde os alunos mostrarão a capacidade de aplicar, em situações problemas, os conceitos vistos durante as atividades em sala de aula.

Também serão avaliadas as questões referentes ao assunto que constarem no Saerjinho que é uma das avaliações bimestrais dos alunos adotada pela escola

REFERÊNCIAS BIBLIOGRÁFICAS

ROTEIROS DE AÇÃO – Matrizes e Determinantes – curso de aperfeiçoamento oferecido por CECIERJ referente ao 2º ano do Ensino Médio – 3º Bimestre/2012.

PAIVA, MANOEL – Matemática - 2º ano – 2ª edição – São Paulo: Moderna plus – 2010.

BUCCHI, PAULO – Matemática, volume único – 1ª edição - São Paulo: Editora Moderna – 1996.

DANTE, LUIZ ROBERTO – Matemática contextos e aplicações – 1ª edição – São Paulo: Editora Ática – 2011.

ENDEREÇOS ELETRÔNICOS ACESSADOS ENTRE OS DIAS 13/09/2012 E 17/09/2012.

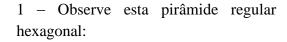
DISCOVEVY CHANNEL: Pirâmides do Mundo http://www.youtube.com/watch?v=OhpPKCK Qgs

Matemática – Chapolin colorado e o desafio dos cones:

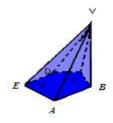
http://www.youtube.com/watch?v=-CdYb1eAwRc

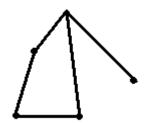
Anexo 1

Exercícios de aprofundamento - reconhecer Pirâmides e cones



3 – Esta figura representa uma face e algumas arestas de uma pirâmide:





Indique:

- a) Dois pares de arestas paralelas
- b) Quatro arestas concorrentes
- a) Copie e trace a figura completa em seu caderno.

- 2 A planificação a baixo é de uma pirâmide.
- a) De que pirâmide é essa planificação?
- b) Quantas faces, vértices arestas tem essa pirâmide?

- b) Quantas faces, vértices e arestas tem
- esse prisma?
- c) Construa duas outras pirâmides planificadas.
- 4- Construa a planificação de um cone de 8 cm de altura e raio da base igual a 4 cm.
- 5 É possível construir uma planificação para um cone reto sabendo que sua altura é 4 cm e que o raio da base é 2 cm?

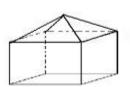
Anexo 2

Exercícios de aprofundamento

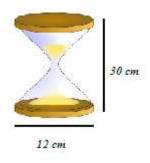
Área de pirâmides e cones

- 1 Determine a área total de uma pirâmide regular triangular cuja altura é
 15 cm e cuja base quadrada tem16 cm de lado.
- 4 A geratriz de um cone reto mede 13 cm e o diâmetro da sua base é 10 cm. Qual é a área lateral e a área total do cone?

2 - A base de uma pirâmide é uma das faces de um cubo de aresta 2 cm. Sendo a aresta lateral da pirâmide igual à diagonal do cubo e supondo que a pirâmide e o cubo estão num semiespaço opostos em relação ao plano da base da pirâmide, calcule a área total o solido formado pela união da pirâmide com o cubo.



5- Quantos centímetros quadrados de vidro são necessários para fabricar uma ampulheta cujas dimensões estão na figura a baixo?



- 3 A soma de todas as arestas de um tetraedro regular é 72 cm. Calcule a área total do tetraedro.
- 6 A área lateral de um cone reto é $24\pi cm^2$ e o raio de sua base é 4 cm. Qual é a área total do cone?